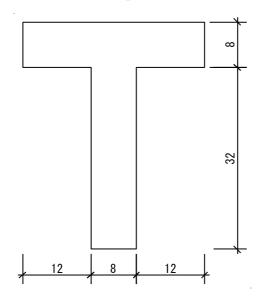
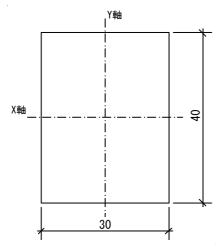


(1) 断面の性質

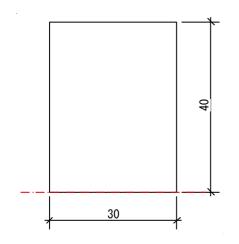
問1以下の断面の「図心」の位置を求めよ。(H6改)



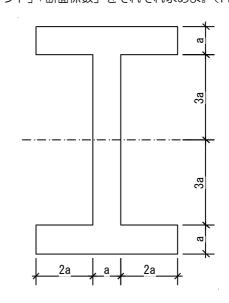
問2以下の断面のX・Y軸それぞれにおける「断面2次 モーメント」「断面係数」をそれぞれ求めよ。



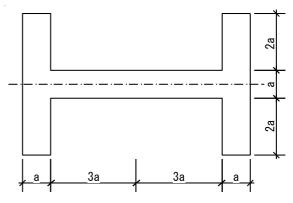
問3以下の断面の底部における「断面 2 次モーメント」 を求めよ。



問4以下の断面の示された軸における「断面2次モーメント」「断面係数」をそれぞれ求めよ。(H9改)

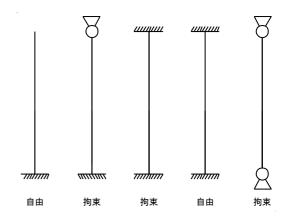


問5以下の断面の示された軸における「断面2次モーメント」「断面係数」をそれぞれ求めよ。



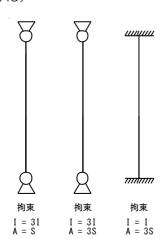
(2) 座屈

問6以下の各柱における「座屈長さ」の理論値を求めよ。 ただし、上端の支持条件は以下に示すものとする。 (H8)

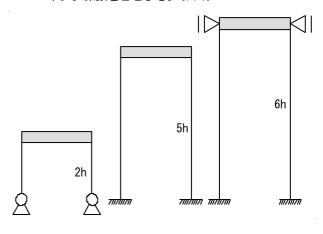




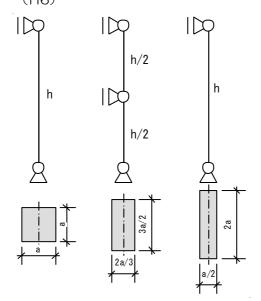
問7以下の各柱における「座屈荷重」を求めよ。ただし、 上端の支持条件、各部材の断面形状等を以下に示す ものとする(I…断面2次モーメント、A…断面積)。 また各部材の長さを h、ヤング係数は共通でEとす る。(H9)



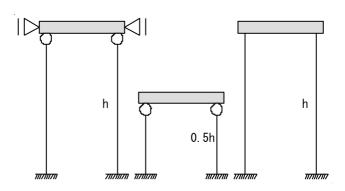
問9以下の各柱における「座屈荷重」を求めよ。ただし、 各部材は等質・等断面で、断面2次モーメントを1、 ヤング係数をEとする。(H4)



問8以下の各柱における「座屈荷重」を求めよ。ただし、 上端の支持条件、各部材の断面形状等を以下に示す ものとする。また、ヤング係数は共通でEとする。 (H6)



問10以下の各柱における「座屈荷重」を求めよ。ただし、 各部材は等質・等断面で、断面2次モーメントを1、 ヤング係数をEとする。(H13)



解答

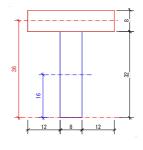
(1) 断面の性質

問1:対象軸を決定の後、断面を分割して考えましょう

底面を基準軸とし、右図のように 赤(A)・青(B)の部分に分割

青部分の断面 1 次モーメントは

$$S_A = A_A \times y_A$$
$$S_A = (32 \times 8) \times 16$$



↑このまま放置(計算しない)

赤部分の断面 1 次モーメントは

$$S_B = A_B \times y_B$$

 $S_B = (8 \times 32) \times 36$

そのまんま、公式に代入

$$y = \frac{S_A + S_B}{A_A + A_B}$$

$$y = \frac{(32 \times 8) \times 16 + (8 \times 32) \times 36}{(8 \times 32) + (32 \times 8)}$$

$$y = \frac{(32 \times 8)(16 + 36)}{(32 \times 8) \times 2}$$

$$y = \frac{16 + 36}{2}$$

$$y = 26$$

↑安易に計算をしないで通分を心がけると計算が楽!

問2:軸が交わっている方を3乗ね

X軸の断面2次モーメント・断面係数

$$I_X = \frac{30 \times 40 \times 40 \times 40}{12}$$

$$I_X = 160000$$

$$Z_X = 8000$$

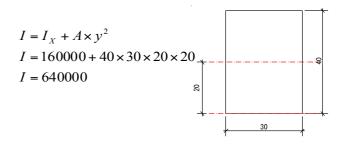
Y軸の断面 2 次モーメント・断面係数

$$I_Y = \frac{40 \times 30 \times 30 \times 30}{12}$$

$$I_Y = 90000$$

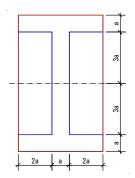
$$Z_Y = 6000$$

問3:軸が図心からずれると断面2次モーメントは増加しますね



問4:複雑な断面は分割し考える(分割図形の軸は揃えてね!)

赤(A)と青(B)に分割 赤部分から青部分を引くと全体 の断面 2 次モーメントが求められる



断面
$$2$$
 次モーメントを求める $I = I_A - I_B \times 2$

$$I_A = \frac{5a \times 8a \times 8a \times 8a}{12}$$
$$I_A = \frac{640}{3}a^4$$

$$I_B = \frac{2a \times 6a \times 6a \times 6a}{12}$$

$$I_B = 36a^4$$

$$I = \frac{640}{3}a^4 - 36a^4 \times 2$$
$$I = \frac{424}{3}a^4$$

断面係数を求める

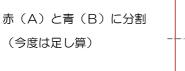
$$Z = \frac{I}{\frac{y}{2}}$$

$$Z = \frac{424}{3}a^4 \times \frac{2}{8a}$$

$$Z = \frac{106}{3}a^3$$



問5:軸が変わると分割方法も変化しますよ





断面 2 次モーメントを求める

$$I = I_A \times 2 + I_B$$

$$I_A = \frac{a \times 5a \times 5a \times 5a}{12}$$
$$I_A = \frac{125}{12}a^4$$

$$I_B = \frac{6a \times a \times a \times a}{12}$$

$$I_B = \frac{1}{2}a^4$$

$$I = \frac{125}{12}a^4 \times 2 + \frac{1}{2}a^4$$
$$I = \frac{64}{3}a^4$$

断面係数を求める

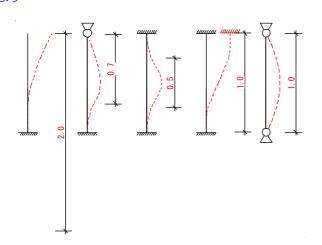
$$Z = \frac{I}{\frac{y}{2}}$$

$$Z = \frac{64}{3}a^4 \times \frac{2}{5a}$$

$$Z = \frac{128}{15}a^3$$

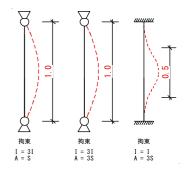
(2) 座屈

問 6:実際に座屈する様子を記入すると分かりやすいと思います



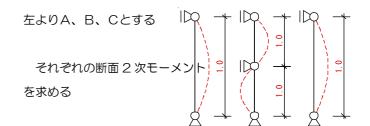
問7:ヒッカケ問題です…断面積は関係ないですね

$$N_k = \frac{\pi^2 EI}{l_i^2} \, \text{Ly}$$



$$\begin{split} N_{kA} &= \frac{\pi^2 E 3I}{(h \times 1)^2} = \frac{3\pi^2 EI}{h^2} \\ N_{kB} &= \frac{\pi^2 E 3I}{(h \times 1)^2} = \frac{3\pi^2 EI}{h^2} \\ N_{kC} &= \frac{\pi^2 EI}{(h \times 0.5)^2} = \frac{4\pi^2 EI}{h^2} \end{split}$$

問8: 真ん中の柱は部材が2つあると考えて、弱い方(今回は2つとも同じですが…)の弾性座屈荷重のみを求めます



$$I_{A} = \frac{a \times a \times a \times a}{12} = \frac{1}{12} a^{4}$$

$$I_{B} = \frac{\frac{3}{2} a \times \frac{2}{3} a \times \frac{2}{3} a \times \frac{2}{3} a}{12} = \frac{1}{27} a^{4}$$

$$I_{C} = \frac{2a \times \frac{1}{2} a \times \frac{1}{2} a \times \frac{1}{2} a}{12} = \frac{1}{48} a^{4}$$

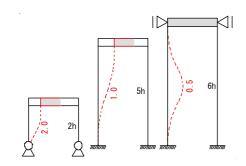
弾性座屈荷重を求める

$$N_{kA} = \frac{\pi^2 E \frac{1}{12} a^4}{(h \times 1)^2} = \frac{1}{12} \frac{\pi^2 E a^4}{h^2}$$

$$N_{kB} = \frac{\pi^2 E \frac{1}{27} a^4}{(\frac{1}{2} h \times 1)^2} = \frac{4}{27} \frac{\pi^2 E a^4}{h^2}$$

$$N_{kC} = \frac{\pi^2 \frac{1}{48} E a^4}{(h \times 1)^2} = \frac{1}{48} \frac{\pi^2 E a^4}{h^2}$$

問9:ラーメン(柱+梁)でも基本は一緒です

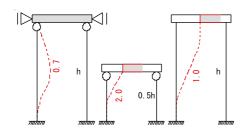


$$N_{kA} = \frac{\pi^2 EI}{(2h \times 2)^2} = \frac{1}{16} \frac{\pi^2 EI}{h^2}$$

$$N_{kB} = \frac{\pi^2 EI}{(5h \times 1)^2} = \frac{1}{25} \frac{\pi^2 EI}{h^2}$$

$$N_{kC} = \frac{\pi^2 EI}{(6h \times 0.5)^2} = \frac{1}{9} \frac{\pi^2 EI}{h^2}$$

問 10:上記問 10 に同じ…



$$N_{kA} = \frac{\pi^2 EI}{(h \times 0.7)^2} = \frac{1}{0.49} \frac{\pi^2 EI}{h^2}$$

$$N_{kB} = \frac{\pi^2 EI}{(0.5h \times 2)^2} = \frac{1}{1} \frac{\pi^2 EI}{h^2}$$

$$N_{kC} = \frac{\pi^2 EI}{(h \times 1)^2} = \frac{1}{1} \frac{\pi^2 EI}{h^2}$$